

iz 1952. i koji se najviše odnosi na proizvodne odnose u preduzećima, i Zakon o saodlučivanju (Mitbestimmungsgesetz) iz 1976. godine, koji je primenljiv na sve velike korporacije.

Uprkos svom velikom praktičnom i pravnom značaju, empirijsko istraživanje saodlučivanja do sada je sasvim nedovoljno. U empirijskom istraživanju upotrebljavaju se različiti pojmovi saodlučivanja koji su delom zasnovani na integracionom poimanju ili na konfliktnoj perspektivi proizvodnih odnosa. Pored toga, jedan deo interesa radnika nije izražen u okviru heterogenog pravnog miljea, nego je artikulisani u okviru sistema kolektivnog pogodanja između poslodavaca i sindikata. Proučavajući ranije studije, iz pedesetih i šezdesetih godina ovog veka, zapaža se upadljivo odsustvo odgovarajuće specifikacije predmeta istraživanja i teorijskih osnova, relativno zanemarivanje ekonomskih posledica saodlučivanja (koje je udruženo sa posebnim nalažešnjem socioloških i psiholoških posledica) i koncentracija empirijskih studija koje se lako ne mogu generalizovati. Najdalekosežnije istraživanje do sada obavio je takozvani Biedenkopfov komitet; rezultati tog istraživanja objavljeni su kao Biedenkopfov izveštaj 1970. godine. Istraživanje je zasnovano na pisanoj anketi predstavnika poslodavaca i radnika u preduzećima sa saodlučivanjem, koje je dopunjeno obimnim intervjujima sa malim brojem odabranih među tim predstavnicima. Iako komitet nije otkrio ozbiljne negativne posledice saodlučivanja u tradicionalnim ekonomskim odnosima, on nije preporučio »potpuni paritet radnika i predstavnika sindikata u nadzornim odborima velikih preduzeća. Zakon o saodlučivanju iz 1976. godine, koji nije regulisao »potpuni paritet«, sledio je manje više ove preporuke.

Metodologija dosadašnjih empirijskih istraživanja i, posebno, nije na oportunistička upotreba u političkoj raspravi — odgovorne su za značajne praznine u upoznavanju praktičnih implikacija Zakona o saodlučivanju i Zakona o preduzećima. Stoga je neophodno dodatno istraživanje koje bi se koristilo savremenim ekonometrijskim metodama i koje bi bilo usmereno na ekonomske posledice saodlučivanja, ukoliko se želi da politička rasprava dobije pouzdaniju (ili manje nepouzdanu) osnovu.

SEGMENTIRANJE TRŽIŠTA LICNE POTROŠNJE FUNKCIJOM JAKOSTI PREFERIRANJA JEDNE MARKE NAD DRUGOM

Slobodan SEKULOVIC*

UVOD

Segmentiranje tržišta općenito, a tržišta lične potrošnje posebno, predstavlja značajan strategijski koncept. Naime, informacija koja se segmentiranjem tržišta dobija omogućava uvid u zahvatne potrošačkih jedinika pojedinih segmenta tržišta, tako da privredni subjekti polazeći od postojećeg materijalnog, ikadnovinskog, finansijskog potencijala odnosno tehničko-tehnološke opremljenosti može najbolje da sagleda svoje šanse za poslovni uspjeh (efikasno podmirenje potreba potrošača uz efikasno korišćenje resursa) u nekom od njih. Za razliku od segmentiranja tržišta lične potrošnje u kojima se kontinuirano atributivna obilježja, u ovom radu želimo izložiti segmentiranje na bazi numeričkog obilježja kakvovo je funkcija jakačnosti preferiranja jedne marke nad drugom.

1. VEZA IZMEĐU PROSJEĆNE VRIJEDNOSTI FUNKCIJE $P(\mu)$ I FUNKCIJE RAZLIKE TRŽIŠNIH UČEŠĆA

Polazimo od pretpostavke da su na tržištu potrošnih dobara, sa jasno definisanim prostornom i vremenskom dimenzijom, prisutne konkurenčne male „A“ i „B“, proizvoda koji zadovoljavaju istu potrebu. Poznavanje tržišnih učešća ovih malki, na definisanim tržišnim prostoru i u posmatratnom vremenskom periodu, predstavlja takođe neophodnu poslovnu informaciju. No, ako se imati u vidu da tržišna učešća male „A“ i „B“ zadovoljavaju jednačinu (1)

$$TU_A + TU_B = 100 \% \quad (1)$$

onda je za početak dovoljno poznavati učešće bar jedne od ove dvije male.

* Ekonomski fakultet u Sarajevu.

Kada smo izlagali metodologiju mjerjenja jakosti i stava potrošačke jedinice prema marki „A“ odnosno „B“, definisali smo i funkciju jakosti preferiranja jedne marke nad drugom (2)

$$P(\mu') = \frac{1 - \mu'}{1 + \mu'} \quad (2)$$

u kojoj je μ' — proširenji koeficijent preferencije tj.

$$\mu' = \frac{\sum_{i=1}^n KV_i \cdot XB_i}{\sum_{i=1}^n KV_i \cdot XA_i}, \mu' \in (0, \infty)$$

odnosno

KV_i — težina važnosti za i -ti faktor kupovine

XB_i — ocjena koju potrošačka jedinica daje po i -tom faktoru kupovine (obilježju ponude) marke „B“ i $XB_i \in [0, 5]$

XA_i — ocjena koju potrošačka jedinica daje po i -tom faktoru kupovine (obilježju ponude) marke „A“ i $XA_i \in [0, 5]$

Općenito uvezvi u intervalu, $0 \leq P(\mu') \leq 1$, nalaze se sve potrošačke jedinice koje preferiraju marku »A« nad markom »B«. Uže posmatrano, ovim intervalom je obuhvaćen skup potrošačkih jedinica koje su stvarni nosioci potrošnje marke »A«, pa time i »kreatori« njenog tržišnog učešća kojeg stoga smještamo u ovaj interval. S druge strane, u intervalu, $-1 \leq \bar{P}(\mu') \leq 0$, smještene su sve potrošačke jedinice koje preferiraju marku »B« nad markom »A«. Skup onih koje stvarno troše marku »B«, kao i tržišno učešće koje time »kreiraju«, takođe su obuhvaćeni navedenim intervalom.

Označimo prosječnu vrijednost funkcije $P(\mu')$ u intervalu $-1 \leq P(\mu') \leq 1$, sa $\bar{P}(\mu')$ i formirajmo funkciju razlike tržišnih učešća za koju uzimamo da je u isti mjeri, razlika između skupa potrošačkih jedinica koje troše marku »A« i skupa potrošačkih jedinica koje troše marku »B« tj.

$$RTU = TU_A - TU_B = \int_0^1 f(P(\mu')) dP(\mu') - \int_{-1}^0 f(P(\mu')) dP(\mu') \quad (4)$$

Funkcija pod znakom integrala u izrazu (4), $f(P(\mu'))$, predstavlja distribuciju osnovnog skupa (skup potrošačkih jedinica koje troše mar-

¹ Viđjeti: S. Sekulović: »Vektorski metod mjerjenja jakosti stava potrošačke jedinice prema marki »A« odnosno »B««, *Ekonomski glasnik* broj 28/80 i »Uopštavanje vektorskog metoda mjerjenja jakosti stava potrošačke jedinice prema marki »A« odnosno »B««, *Ekonomski glasnik* broj 2/82.

ku „A“ + skup potrošačkih jedinica koje troše marku „B“), odnosno distribuciju učešća (ucešće marke „A“ + učešće marke „B“) prema vrijednostima funkcije $P(\mu')$.

a) Za slučaj kada su tržišna učešća marke „A“ i marke „B“ izjednačena (ili bar približno jednaka) vrijedi

$$TU_A = TU_B = 50\% \Rightarrow RTU = 0 \quad (5)$$

dok je za funkciju $f(P(\mu'))$ cijelishodno pretpostaviti da je zvonastog obliku tj. simetrična u odnosu na y-osi, sa vrijednostima kojih se približavaju nulli na krajevima intervala $[-1, 1]$. Prethodno razmatranje povlači da je $\bar{P}(\mu') = 0$.

b) Razmotrimo sada teoretski slučaj kada je na posmatranom tržištu učešće marke „A“ $TU_A = 100\%$ a marke „B“ $TU_B = 0$, tj. kada na tržištu nije realizovan niti jedini proizvod marke „B“ i posrednjene prisutnosti u komercijalnoj mreži. Možemo pišati,

$$\left. \begin{array}{l} TU_A = 100\% \\ TU_B = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow RTU = 1 = 100\% \quad (6)$$

Kvantitativno ovaj slučaj znači da za sve potrošačke jedinice, marka „B“ ima u odnosu na marku „A“ tako loša obilježja da je

$$XB_i = 0 \quad (i = 1, 2, \dots, n) \Rightarrow \mu' = 0 \Leftrightarrow P(\mu') = 1 \quad (7)$$

A kako sve potrošačke jedinice imaju vrijednost funkcije $\bar{P}(\mu') = 1$ tada je $\bar{P}(\mu') = 1$.

Ipak, sa praktičnog stanovišta može se uzeti da je $RTU \approx 100\%$ kada potrošačke jedinice osnovnog skupa imaju vrijednosti funkcije $P(\mu')$ bliske jedinicama, što znači da ne mora nužno biti $XB_i = 0$ ($i = 1, 2, \dots, n$). Tada je $\bar{P}(\mu') \approx 1$.

c) Slučaj kada je $TU_A = 0$ a $TU_B = 100\%$ nećemo posebno razmatrati jer je po svojoj logici suprotan slučaju pod b). Možemo pišati

$$RTU = -100\%, \bar{P}(\mu') = 1 \text{ tj. } RTU \approx -100\%, \bar{P}(\mu') \approx -1 \quad (8)$$

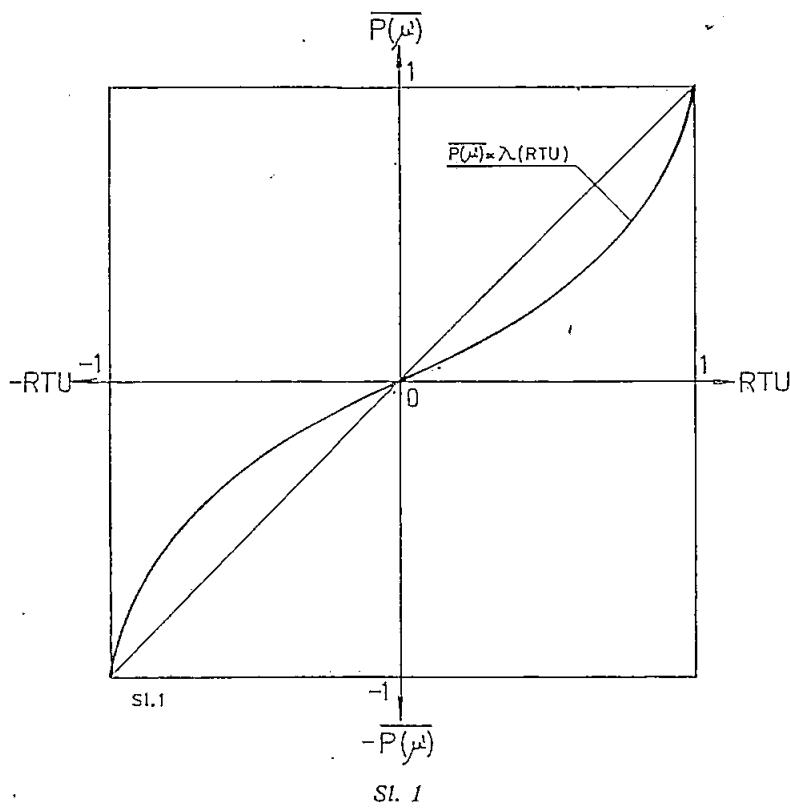
Na temelju izloženog prolazimo, da bi se veličine $\bar{P}(\mu')$ (jakost preferiranja jedne marke nad drugom u prosjeku) i RTU (različika tržišnih učešća) mogle kvantitativno najviše približavati funkcionalnom obliku kojih je prikazan na sl. 1.

Ova funkcionalna veza tj.

$$\bar{P}(\mu') = \lambda(RTU) \quad (9)$$

nije data svojim konkretnim, analitičkim izrazom, jer to na ovom nivou izlaganja nije moguće učiniti; u krajnjoj instanci to i nije naš cilj. Naiđe, grafikon na sl. 1 koji ilustrira vezu (9) treba da nam po-

služi samo kao orijentir, da u analizi beta distribucije iz mnoštva njene oblike pokušamo izdvojiti one koji ostvaruju vezu (9), ukoliko je to moguće.



2. ANALIZA BETA DISTRIBUCIJE SA ASPEKTA NJENE PODOBNOSTI ZA OSTVARIVANJE FUNKCIONALNE VEZE

$$\bar{P}(\mu') = \lambda(RTU)$$

Kao što je poznato, gustina vjerovatnoće beta raspodjele je data izrazom (10)

$$f(x) = \begin{cases} 0, & -\infty < x < 0 \\ \frac{x^{u-1}(1-x)^{v-1}}{B(u,v)}; & 0 \leq x \leq 1 \\ 0, & 1 < x < \infty \end{cases} \quad (10)$$

u kojem je

$$B(u,v) = \frac{r(u) \cdot r(v)}{r(u+v)} = \frac{(u-1)!(v-1)!}{(u+v-1)!}, \quad u, v > 0 \quad (11)$$

Da bismo beta distribuciju smjestili u interval $[-1, +1]$, u kojem varira funkcija jakosti preferiranja jedne marke nad drugom $P(\mu')$, uvodimo smjenu,

$$x = \frac{1 + P(\mu')}{2}, \quad -1 \leq P(\mu') \leq 1 \quad (12)$$

Uvrštenjem (12) u (10) dobijamo²

$$f(P(\mu')) = \frac{(1 + P(\mu'))^{u-1} \cdot (1 - P(\mu'))^{v-1}}{2^{u+v-1} \cdot B(u,v)}, \quad -1 \leq P(\mu') \leq 1 \quad (13)$$

Obrazac (13) predstavlja beta distribuciju smještenu u intervalu u kom je funkcija $P(\mu')$ iscrpljujuće sve svoje vrijednosti. Posmatrajmo one oblike (13) koji na krajevima intervala $[-1, +1]$ poprimaju vrijednost $f(P(\mu')) = 0$, i kao takvi su dati obrascem i uvjetima (14),

$$f(P(\mu')) = \frac{(1 + P(\mu'))^{u-1} \cdot (1 - P(\mu'))^{v-1}}{2^{u+v-1} B(u,v)}, \quad -1 \leq P(\mu') \leq 1 \quad (14)$$

Za relaciju (14) matematička nada (jakost preferiranja jedne marke nad drugom u prosjeku) iznosi

$$\bar{P}(\mu') = \frac{u-v}{u+v} \quad (15)$$

U listi mah vrijednost $P(\mu')$ koja se najčešće javlja, kojoj pripada najveća vrijednost $f(P(\mu'))$, ili kraće rečeno modus je

$$P(\mu') mod = \frac{u-v}{u+v-2} \quad (16)$$

dok je varijanisa

² S obzirom da ima dosta literature u kojoj je beta distribucija detaljno obrađena (Vidi: J. Brandenberger, R. Konrad: *Tehnika mrežnog planiranja*, Tehnička knjiga, Zagreb, 1970, strana 70–72 ili S. Vukadinović: *Zbirka rešenih zadataka iz teorije verovatnoće*, Privredni pregled, Beograd, 1978, strana 190–191) to pojedine obrasce nismo posebno izvodili. U našem slučaju dovoljno je voditi računa da je gornja granica intervala u kojem smještamo beta distribuciju $+1$ a donja -1 .

$$\sigma^2 = \frac{4uv}{(u+v)^2(u+v+1)} \quad (17)$$

I) Ukoliko je za izraz (14) ispunjen i dodatni uvjet, $u=v$, tada beta distribucija postaje zvonasta i simetrična u odnosu na y-osi, pa možemo pisati

$$u=v \Leftrightarrow \overline{P(\mu')} = \frac{u-v}{u+v} = 0 \Leftrightarrow RTU = \int_0^1 f(P(\mu')) dP(\mu') - \int_{-1}^0 f(P(\mu')) dP(\mu') = 0$$

II) Uzmemo li pak da za (14) vrijedi dodatni uvjet, $u>v=\text{const}$, tada beta distribucija postaje asimetrična na desno. Pustimo li još da $u \rightarrow \infty$ tada imamo,

$$\left. \begin{array}{l} u > v = \text{const} \\ u \rightarrow \infty \end{array} \right\} \Leftrightarrow \overline{P(\mu')} = \frac{u-v}{u+v} \rightarrow 1, RTU \rightarrow 1$$

III) Na osnovu I i II dobili smo uređene parove (tačke),

$$\begin{aligned} (RTU_{(1)}, \overline{P(\mu')_{(1)}}) &= (0, 0) \\ (RTU_{(2)}, \overline{P(\mu')_{(2)}}) &= (\approx 1, \approx 1) \end{aligned} \quad (18)$$

Da bismo saznali prirodu odnosa RTU i $\overline{P(\mu')}$ između ove dvije tačke (18) pretpostavimo npr. da je

$$u > v = 2 \quad (\text{desna asimetrija}) \quad (19)$$

Izraz (14) tada glasi

$$f(P(\mu')) = \frac{(1+P(\mu'))^{u-1}(1-P(\mu'))^{v-1}}{2^{u+v-1}B(u, 2)} \quad (20)$$

Pošto je

$$\begin{aligned} B(u, 2) &= \frac{r(u) \cdot r(2)}{r(u+2)} = \frac{(u-1)! (2-1)!}{(u+2-1)!} = \\ &= \frac{(u-1)!}{(u-1)! u(u+1)} = \frac{1}{u(u+1)} \end{aligned}$$

možemo (20) pisati kao

$$\begin{aligned} f(P(\mu')) &= \frac{(1+P(\mu'))^{u-1}(1-P(\mu'))}{2^{u+1} \cdot \frac{u(u+1)}{u(u+1)}} \\ &= \frac{u(u+1)(1+P(\mu'))^{u-1}(1-P(\mu'))}{2^{u+1}} \end{aligned} \quad (21)$$

Sada je

$$\int_0^1 f(P(\mu')) dP(\mu') = \int_0^1 \frac{u(u+1)(1+P(\mu'))^{u-1}(1-P(\mu'))}{2^{u+1}} dP(\mu'),$$

$$\left| \begin{array}{l} 1+P(\mu') = t \\ dP(\mu') = dt \\ P(\mu') = 0 \Leftrightarrow t = 1 \\ P(\mu') = 1 \Leftrightarrow t = 2 \end{array} \right| = \int_1^2 \frac{u(u+1)t^{u-1}(2-t)}{2^{u+1}} dt \quad (22)$$

$$\begin{aligned} &= \frac{u(u+1)}{2^{u+1}} \left[2 \frac{t^u}{u} - \frac{t^{u+1}}{u+1} \right]_1^2 \\ &= \frac{u(u+1)}{2^{u+1}} \cdot \frac{2^{u+1}}{u} - \frac{u(u+1)}{2^{u+1}} \cdot \frac{2^{u+1}}{u+1} \\ &= \frac{u(u+1)}{2^{u+1}} \left[\frac{2}{u} - \frac{1}{u+1} \right] = 1 - \frac{u(u+1)}{2^{u+1}} \cdot \frac{2u+2-u}{u(u+1)} \\ &\int_0^1 f(P(\mu')) dP(\mu') = 1 - \frac{u+2}{2^{u+1}} \end{aligned}$$

S obzirom da vrijedi sljedeća relacija

$$\begin{aligned} \int_0^1 f(P(\mu')) dP(\mu') + \int_{-1}^0 f(P(\mu')) dP(\mu') &= 1 = \\ = 100\% &\Rightarrow \int_{-1}^0 f(P(\mu')) dP(\mu') = 1 - \int_0^1 f(P(\mu')) dP(\mu') \end{aligned} \quad (23)$$

zaključujemo da je

$$\int_{-1}^0 f(P(\mu')) dP(\mu') = \frac{u+2}{2^{u+1}} \quad (24)$$

Izrazi (22) i (24) predstavljaju potrebne elemente za formiranje funkcije RTU. Imamo

$$RTU = \int_0^1 f(P(\mu')) dP(\mu') - \int_{-1}^0 f(P(\mu')) dP(\mu') = 1 - \frac{u+2}{2^{u+1}} - \frac{u+2}{2^u} = 1 - \frac{u+2}{2^u} \quad (25)$$

Napušćimo (25) i (15) kao jedan sistem³

$$\left. \begin{aligned} RTU &= 1 - \frac{u+2}{2^u} \\ \overline{P(\mu')} &= \frac{u-2}{u+2} \end{aligned} \right\} \quad (26)$$

Sistem (26) sadrži tri nepoznate, RTU, $\overline{P(\mu')}$ i u. Rješavamo ga zadavanjem konkretnih vrijednosti od RTU iz intervala, $0 < RTU < 1$, (pošto želimo desnu asimetriju). Postupimo li na isti način za $v = 3$ dobijamo

$$\left. \begin{aligned} RTU &= 1 - \frac{u^2 + 5u + 8}{2^{u+2}} \\ \overline{P(\mu')} &= \frac{u-3}{u+3} \end{aligned} \right\} \quad (27)$$

odnosno za $v = 4$

$$\left. \begin{aligned} RTU &= 1 - \frac{u^3 + 9u^2 + 32u + 48}{6 \cdot 2^{u+2}} \\ \overline{P(\mu')} &= \frac{u-4}{u+4} \end{aligned} \right\} \quad (28)$$

³ Pošto smo uzeli da je $v = 2$ to je izraz, $\overline{P(\mu')} = \frac{u-v}{u+v} = \frac{u-2}{u+2}$.

Postupak možemo nastaviti uzimajući za konstantu bilo koju drugu vrijednost od v.⁴ Naravno mi to ovdje nećemo činiti, jer se na bazi onog što je izloženo pod I i II te rješavanjem sistema⁵ (26), (27) i (28) pod III može sagledati odnos između RTU i $\overline{P(\mu')}$. Ovaj odnos je prikazan na sl. 2 u prvom kvadrantu. U trećem kvadrantu na sl. 2 prikazan je odnos između RTU i $\overline{P(\mu')}$ za slučaj lijeve asimetrije tj. $v > u = \text{const}$ i $u = 2, 3, 4$.

Ako rezimiramo prethodno izlaganje možemo zaključiti da beta distribucija data izrazom i uvjetima,

$$(a) f(P(\mu')) = \frac{(1 + P(\mu'))^{u-1} (1 - P(\mu'))^{v-1}}{2^{u+v-1} B(u, v)}, \quad -1 \leq P(\mu') \leq 1 \quad (29)$$

$$(b) u, v > 1 \wedge u = v \quad (\text{simetričnost}) \quad (29)$$

$$(c) u, v > 1 \wedge u > v = \text{const} \quad (\text{desna asimetrija}) \quad (29)$$

$$(d) u, v > 1 \wedge u < v = \text{const} \quad (\text{lijeva asimetrija}) \quad (29)$$

ostvaruje funkcionalnu vezu (9) ali ne na jednoznačan način. Naime, kao što se to vidi i na sl. 2, jednoj vrijednosti RTU pripada više vrijednosti $\overline{P(\mu')}$, što drugim riječima znači da postoji više oblika (29) (a) koji imaju istu vrijednost RTU a različite vrijednosti za $\overline{P(\mu')}$, $P(\mu')$ mod odnosno σ^2 . Jedino za $RTU = 0 \Rightarrow \overline{P(\mu')} = P(\mu')$ mod = 0, pa oblici (29) (a) dati uvjetom (29) (b) imaju različite vrijednosti sa σ^2 .

Praktično pitanje kome se nameće jeste: kako da iz mnoštva tih oblika kojiži »tumači« istu tržišnu situaciju (ista RTU) izdvajimo onaj pravilni, a to znači onaj koji je u veličinama $\overline{P(\mu')}$, $P(\mu')$ mod odnosno varijansom σ^2 , prilijeren definisanom tržišnom prostoru? Odgovor na ovo pitanje polkušaćemo dati u kasnijem izlaganju.

3. MODIFIKACIJA NORMALNOG RASPOREDA

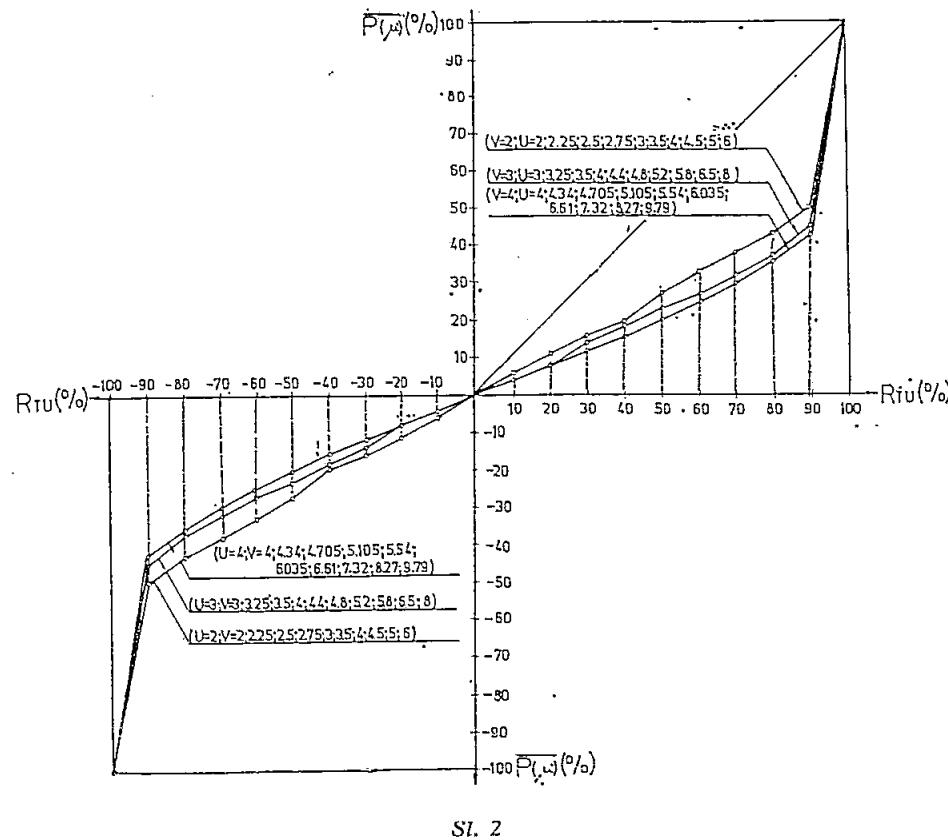
Ovdje želimo pokazati jedan izraz za funkciju gustoće koјi potencijalno, zajedno sa oblicima (29) (a) datih uvjetom (29) (b), može da »tumači« situaciju izjednačenog tržišnog učešća. Ponovimo da tu situaciju karakteriše,

⁴ Bitno je da je zadovoljen uvjet desne asimetrije tj. $u > v = \text{const}$ za izraz (14).

⁵ Sistemi su rješavani zadavanjem za RTU sljedeće vrijednosti, $RTU = 0.1$ (10%); 0.2 (20%); 0.3 (30%); 0.4 (40%); 0.5 (50%); 0.6 (60%); 0.7 (70%); 0.8 (80%); 0.9 (90%).

$$RTU = TU_A - TU_B = \int_0^1 f(P(\mu')) dP(\mu') - \int_{-1}^0 f(P(\mu')) dP(\mu') = \\ = 50\% - 50\% = 0 \quad (30)$$

dok je $\overline{P(\mu')} = 0$.



SL. 2

Definijemo sljedeći izraz

$$f(x) = \frac{\left(\ln \frac{1+x}{1-x} \right)^2}{\frac{2 \cdot e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}}}{(1-x^2) \cdot \sigma \sqrt{2\pi}}} \quad (31)$$

za koji je definiciono područje

$$D(f) = Ex = \{x \mid -1 < x < 1\}$$

Izraz (31) predstavlja parnu funkciju. Da bismo to vidjeli dovoljno je pokazati da je funkcija

$$\omega(x) = \ln \frac{1+x}{1-x} \quad (32)$$

neparna. Imamo

$$\begin{aligned} \omega(-x) &= \ln \frac{1+(-x)}{1-(-x)} = \ln \frac{1-x}{1+x} = \ln(1-x) - \ln(1+x) = \\ &= -\ln \frac{1+x}{1-x} \end{aligned}$$

Dalje, za funkciju (31) vrijedi

$$\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \int_{-\varepsilon}^{1-\varepsilon} \frac{2 \cdot e^{-\frac{(ln \frac{1+x}{1-x})^2}{2\sigma^2}}}{(1-x^2) \cdot \sigma \cdot \sqrt{2\pi}} dx =$$

Uvodimo smjenu

$$t = \frac{\ln \frac{1+x}{1-x}}{\sigma} \Rightarrow x = \frac{e^{\sigma t} - 1}{e^{\sigma t} + 1} \Rightarrow dx = \frac{2 \cdot \sigma \cdot e^{\sigma t}}{(e^{\sigma t} + 1)^2} dt$$

$$x \rightarrow 1, t \rightarrow \infty$$

$$x \rightarrow -1, t \rightarrow -\infty$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} \frac{4 \cdot \sigma \cdot e^{\sigma t} \cdot e^{-\frac{t^2}{2}}}{\left[1 - \left(\frac{e^{\sigma t} - 1}{e^{\sigma t} + 1} \right)^2 \right] \cdot (e^{\sigma t} + 1)^2 \cdot \sigma \cdot \sqrt{2\pi}} dt$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} \frac{(e^{\sigma t} + 1)^2 \cdot 4 \cdot \sigma \cdot e^{\sigma t} \cdot e^{-\frac{t^2}{2}}}{4 \cdot e^{\sigma t} \cdot (e^{\sigma t} + 1)^2 \cdot \sigma \cdot \sqrt{2\pi}} dt$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-\frac{t^2}{2}} dt = 1$$

Ukratko, funkcijom (31) definisali smo funkciju gustoće modifirano normalnog rasporeda u intervalu $(-1, 1)$. Uvrstimo li smještu⁶

$$X = P(\mu') \quad (32)$$

u (31) dobijamo

$$f(P(\mu')) = \frac{\ln \frac{(1+P(\mu'))^2}{1-P(\mu')}}{2\sigma^2}$$

Obrazac (33) predstavlja našu podintegralnu funkciju iz izraza (30). Funkcija (33) ima više oblika i svi su simetrični, sa vrijednošću $\bar{P}(\mu') = 0$. Spljoštenost ili ikurtozis svakog ponaosob ovisi od konkretnе vrijednosti varijanse, σ^2 , odnosno standardne devijacije σ . Za prelazak na tablice normalnog rasporeda koristimo se standardizovanom odstupanjem koga u slučaju (33) glasi

$$t = \frac{\ln \frac{1+P(\mu')}{1-P(\mu')}}{\sigma} \quad (34)$$

4. IZBOR KONKRETNOG OBLIKA DISTRIBUCIJE

Kao što smo već pokazali, ukoliko poznajemo tržišno učešće marke »A«, TU_A , odnosno tržišno učešće marke »B«, TU_B , te kroz to i razliku njihovih učešća, RTU , u mogućnosti smo da izvršimo izdvajanje oblika koga »turnače« poštovatruju tržišnu situaciju. Tako npr. na sl. 3 (a), 3 (b) i 3 (c) (između ostalih) prikazana su tri oblika (distribucije) koga »turnače« situaciju izjednačenog tržišnog učešća tvj.

$$TU_A = TU_B = 50\% \Rightarrow RTU = 0$$

⁶ Prema funkciji jakosti preferiranja jedne marke nad drugom, $P(\mu')$, varira u intervalu, $-1 \leq P(\mu') \leq 1$, donja i gornja granica ovog intervala predstavljaju mjeru teorijsku graničnu vrijednost. Stoga ona i može substituirati promjenljivu, X , koja varira u intervalu, $-1 < X < 1$.

dak su u tabeli 1. datti svii relevantni podaci za ove tri distribucije. Drugi primjer se odnosi na situaciju kada je

$$\left. \begin{array}{l} TU_A = 65\% \\ TU_B = 35\% \end{array} \right\} \Rightarrow RTU = 30\%$$

pa su distribucije (između ostalih) za ovaj slučaj date na sl. 4(a), 4(b) i 4(c) sa svim relevantnim podacima u tabeli 2. Odsto je da su u jednom i u drugom primjeni distribucije poredane po opadajućim varijansama, σ^2 , na islikama ilući odozgo prema dole a u tabelama sledi s lijeva na desno. No, ako i ima više oblika koji »turnače« uočenu tržišnu situaciju (poznato učešće i jedne i druge marke), samo je jedan od njih bez sumnje primjeri prostornoj dimenziji definisanog tržišta. Drugim rječima u skupu oblika (distribucija) koji »turnače« istu tržišnu situaciju (odnos učešća marke »A« i marke »B«), svaki je ponaosob adekvatan drugom prostornom nivoi. Iako je teško generalizovati, cijeloshodno je pretpostaviti da je oblik sa većom varijansom, dakle sa manjim stepenom homogenosti sa stanovišta veličine amplituda među vrijednostima $P(\mu')$, adekvatan tržištu sa većom prostornom dimenzijom i obrnuto.

Dakle, tržišna situacija (odnos učešća marke »A« i marke »B«) upućuje nas na izbor skupa oblika koji je »turnače«, dok nas prostorna dimenzija datog tržišta usmjerava na one oblike iz tog skupa koji su joj svojom varijansom bliži. Pa ipak, sve što je prethodno rečeno još uvijek ne daje mogućnost da se izdvoji konkretna distribucija. Stoga se okrećemo tka hi-kvadrat testu i njegovoju primjeni u testiranju oblika distribucije. Ovo podrazumjeva da se prethodno mora izraditi serija distribucija frekvencija⁷ iz uzorka. To se čini grupisnjem podataka (upitnika) iz uzorka u razrede (intervalje) veličine, 0.05 ili 5%.⁸ Ako se listovremeno imaju vidu da je funkcija jakosti preferiranja jedne marke nad drugom, $P(\mu')$, ograničena u intervalu $(-1, 1)$, prolizilazi da bismo teoretski imali 40 grupa. Ipak, maksimalan broj grupa (sa razredom veličine 5%) koji bi se mogao pojaviti nije veći od 30, ma što upućuje analiza oblika (29) (a). Naime, uzmemu li npr. oblik sa najvećom varijansom za koga je $u = v = 2$, tada vrijedi

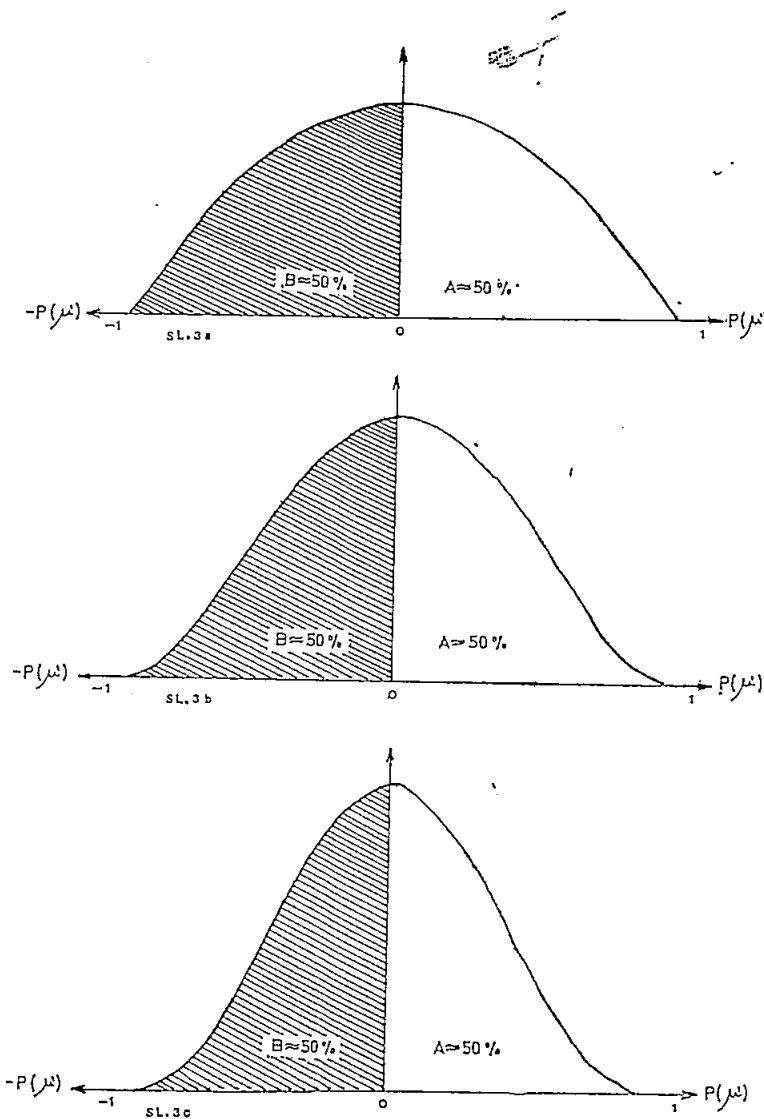
$$\int_{-0.75}^{0.75} f(P(\mu')) dP(\mu') \approx 92\%$$

što znači da se u 30 razreda (veličine 5%) ispunjavaju gotovo svii slučajevi, a da ne govorimo o mnoštvu ostalih distribucija (29) (a) sa daleko manjom varijansom. Sem toga, grupisanje u razrede veličine 5% daje mogućnost bolje kvalitativne analize upitnika nego kod grupisanja u veće razrede.

⁷ Razdioba upitnika prema vrijednostima funkcije $P(\mu')$.

⁸ To ne znači da se ne može ići na grupisanje sa nekom drugom veličinom razreda.

⁹ On varira od slučaja do slučaja a 30 uzimamo kao krajnji domet.

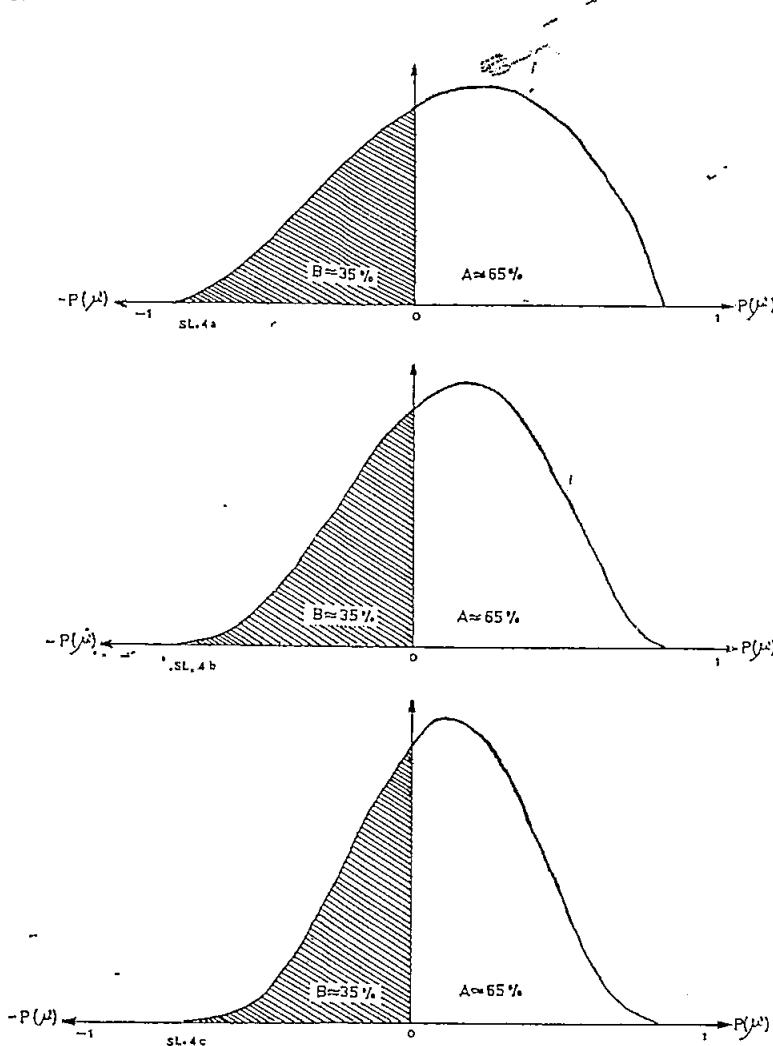


U skupu teorijskih oblika (distribucija) koji »tumače« fisu tržišnu situaciju¹⁰, prvo testiramo distribuciju sa najvećom varijansom, postavljajući nullu hipotezu tako da je stvarna distribucija osnovnog skupa primjerenja upravo tom teorijskom obliku. Izračunatu vrijed-

¹⁰ Način njihovog izdvajanja implicitno smo razmatrali pod tačkom 2.

Tablica 1

TRŽIŠNO UČESCE MARKE "A" ≈ 50 %		TRŽIŠNO UČESCE MARKE "B" ≈ 50 %	
Segmenti (intervali) funkcije $P(\mu)$			
U = 4, V = 4, $P(\mu) = P(\mu)_{\text{mod}} = 0$, $Q_2 \approx 11\%$	U = 3, V = 3, $P(\mu) = P(\mu)_{\text{mod}} = 0$, $Q_2 \approx 14\%$	U = 3, V = 3, $P(\mu) = P(\mu)_{\text{mod}} = 0$, $Q_2 \approx 14\%$	U = 2, V = 2, $P(\mu) = P(\mu)_{\text{mod}} = 0$, $Q_2 \approx 20\%$
-1.00 -1.95 -1.90 -1.85 -1.80 -1.75 -1.70 -1.65 -1.60 -1.55 -1.50 -1.45 -1.40 -1.35 -1.30 -1.25 -1.20 -1.15 -1.10 -1.05 -1.00	-1.00 -1.95 -1.90 -1.85 -1.80 -1.75 -1.70 -1.65 -1.60 -1.55 -1.50 -1.45 -1.40 -1.35 -1.30 -1.25 -1.20 -1.15 -1.10 -1.05 -1.00	-1.00 -1.95 -1.90 -1.85 -1.80 -1.75 -1.70 -1.65 -1.60 -1.55 -1.50 -1.45 -1.40 -1.35 -1.30 -1.25 -1.20 -1.15 -1.10 -1.05 -1.00	-1.00 -1.95 -1.90 -1.85 -1.80 -1.75 -1.70 -1.65 -1.60 -1.55 -1.50 -1.45 -1.40 -1.35 -1.30 -1.25 -1.20 -1.15 -1.10 -1.05 -1.00
.54 .88 1.20 1.50 1.78 2.04 2.28 2.51 2.72 2.90 3.07 3.22 3.35 3.47 3.56 3.63 3.69 3.73 3.75	.54 .88 1.20 1.50 1.78 2.04 2.28 2.51 2.72 2.90 3.07 3.22 3.35 3.47 3.56 3.63 3.69 3.73 3.75	.54 .88 1.20 1.50 1.78 2.04 2.28 2.51 2.72 2.90 3.07 3.22 3.35 3.47 3.56 3.63 3.69 3.73 3.75	.05 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .85 .90 .95
.10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .85 .90 .95 .00	.10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .85 .90 .95 .00	.10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .85 .90 .95 .00	.05 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .85 .90 .95 .00
.18 .35 .55 .75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90	.18 .35 .55 .75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90	.18 .35 .55 .75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90	.18 .35 .55 .75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90
.35 .55 .75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00	.35 .55 .75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00	.35 .55 .75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00	.35 .55 .75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00
.55 .75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00 .00	.55 .75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00 .00	.55 .75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00 .00	.55 .75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00 .00
.75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00 .00 .00	.75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00 .00 .00	.75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00 .00 .00	.75 .95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00 .00 .00
.95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00 .00 .00	.95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00 .00 .00	.95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00 .00 .00	.95 .10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 .60 .65 .70 .75 .80 .90 .00 .00 .00



nost hi-kvadrata, u oznaci $\chi^2_{(1)}^{(1)}$, upoređujemo sa tabličnom vrijednošću hi-kvadrata, u oznaci χ^2_1 , koju očitavamo iz tablica za pripadajući broj stepeni slobode i željeni nivo signifikantnosti. Ako vrijedi

$$\chi^2_{(1)} < \chi^2_1 \quad (35)$$

tada prihvatomo nullu hipotezu, tj. uzimamo da je stvarna distribucija osnovnog skupa u obliku posmatrane teorijske distribucije. Ako je pak

¹¹ Indeksom u simbolu hi-kvadrata označavamo distribuciju koju potestujemo.

Tabela 2			
Segmenti (intervali)	Segmenti (intervali)	Segmenti (intervali)	Segmenti (intervali)
TRZISNO UCESCE MARKE "A" ≈ 65 %	TRZISNO UCESCE MARKE "B" ≈ 35 %	Procentualne vrijednosti tržišnih učešća	Procentualne vrijednosti tržišnih učešća
U = 5.105, V = 4, P(μ) ≈ 12%, P(μ)mod ≈ 15%, Q2 ≈ 10%	U = 4, V = 3, P(μ) ≈ 14%, P(μ)mod ≈ 20%, Q2 ≈ 12%	U = 2.75, V = 2, P(μ) ≈ 16%, P(μ)mod ≈ 27%, Q2 ≈ 17%	U = 2.25, V = 1, P(μ) ≈ 19%, P(μ)mod ≈ 25%, Q2 ≈ 14%
Segmenti (intervali)	Segmenti (intervali)	Segmenti (intervali)	Segmenti (intervali)
Procentualne vrijednosti tržišnih učešća	Procentualne vrijednosti tržišnih učešća	Procentualne vrijednosti tržišnih učešća	Procentualne vrijednosti tržišnih učešća
funkcije P(μ)	funkcije P(μ)	funkcije P(μ)	funkcije P(μ)
0.00	0.00	0.00	0.00
0.05	0.05	0.05	0.05
0.10	0.10	0.10	0.10
0.15	0.15	0.15	0.15
0.20	0.20	0.20	0.20
0.25	0.25	0.25	0.25
0.30	0.30	0.30	0.30
0.35	0.35	0.35	0.35
0.40	0.40	0.40	0.40
0.45	0.45	0.45	0.45
0.50	0.50	0.50	0.50
0.55	0.55	0.55	0.55
0.60	0.60	0.60	0.60
0.65	0.65	0.65	0.65
0.70	0.70	0.70	0.70
0.75	0.75	0.75	0.75
0.80	0.80	0.80	0.80
0.85	0.85	0.85	0.85
0.90	0.90	0.90	0.90
0.95	0.95	0.95	0.95
1.00	1.00	1.00	1.00
1.05	1.05	1.05	1.05
1.10	1.10	1.10	1.10
1.15	1.15	1.15	1.15
1.20	1.20	1.20	1.20
1.25	1.25	1.25	1.25
1.30	1.30	1.30	1.30
1.35	1.35	1.35	1.35
1.40	1.40	1.40	1.40
1.45	1.45	1.45	1.45
1.50	1.50	1.50	1.50
1.55	1.55	1.55	1.55
1.60	1.60	1.60	1.60
1.65	1.65	1.65	1.65
1.70	1.70	1.70	1.70
1.75	1.75	1.75	1.75
1.80	1.80	1.80	1.80
1.85	1.85	1.85	1.85
1.90	1.90	1.90	1.90
1.95	1.95	1.95	1.95
2.00	2.00	2.00	2.00
2.05	2.05	2.05	2.05
2.10	2.10	2.10	2.10
2.15	2.15	2.15	2.15
2.20	2.20	2.20	2.20
2.25	2.25	2.25	2.25
2.30	2.30	2.30	2.30
2.35	2.35	2.35	2.35
2.40	2.40	2.40	2.40
2.45	2.45	2.45	2.45
2.50	2.50	2.50	2.50
2.55	2.55	2.55	2.55
2.60	2.60	2.60	2.60
2.65	2.65	2.65	2.65
2.70	2.70	2.70	2.70
2.75	2.75	2.75	2.75
2.80	2.80	2.80	2.80
2.85	2.85	2.85	2.85
2.90	2.90	2.90	2.90
2.95	2.95	2.95	2.95
3.00	3.00	3.00	3.00
3.05	3.05	3.05	3.05
3.10	3.10	3.10	3.10
3.15	3.15	3.15	3.15
3.20	3.20	3.20	3.20
3.25	3.25	3.25	3.25
3.30	3.30	3.30	3.30
3.35	3.35	3.35	3.35
3.40	3.40	3.40	3.40
3.45	3.45	3.45	3.45
3.50	3.50	3.50	3.50
3.55	3.55	3.55	3.55
3.60	3.60	3.60	3.60
3.65	3.65	3.65	3.65
3.70	3.70	3.70	3.70
3.75	3.75	3.75	3.75
3.80	3.80	3.80	3.80
3.85	3.85	3.85	3.85
3.90	3.90	3.90	3.90
3.95	3.95	3.95	3.95
4.00	4.00	4.00	4.00
4.05	4.05	4.05	4.05
4.10	4.10	4.10	4.10
4.15	4.15	4.15	4.15
4.20	4.20	4.20	4.20
4.25	4.25	4.25	4.25
4.30	4.30	4.30	4.30
4.35	4.35	4.35	4.35
4.40	4.40	4.40	4.40
4.45	4.45	4.45	4.45
4.50	4.50	4.50	4.50
4.55	4.55	4.55	4.55
4.60	4.60	4.60	4.60
4.65	4.65	4.65	4.65
4.70	4.70	4.70	4.70
4.75	4.75	4.75	4.75
4.80	4.80	4.80	4.80
4.85	4.85	4.85	4.85
4.90	4.90	4.90	4.90
4.95	4.95	4.95	4.95
5.00	5.00	5.00	5.00
5.05	5.05	5.05	5.05
5.10	5.10	5.10	5.10
5.15	5.15	5.15	5.15
5.20	5.20	5.20	5.20
5.25	5.25	5.25	5.25
5.30	5.30	5.30	5.30
5.35	5.35	5.35	5.35
5.40	5.40	5.40	5.40
5.45	5.45	5.45	5.45
5.50	5.50	5.50	5.50
5.55	5.55	5.55	5.55
5.60	5.60	5.60	5.60
5.65	5.65	5.65	5.65
5.70	5.70	5.70	5.70
5.75	5.75	5.75	5.75
5.80	5.80	5.80	5.80
5.85	5.85	5.85	5.85
5.90	5.90	5.90	5.90
5.95	5.95	5.95	5.95
6.00	6.00	6.00	6.00

$$x_i^2 < x_{(j)}^2$$

(36)

nulta hipoteza se odbacuje, pa prelazimo na testiranje sljedećeg teorijskog rasporeda (sa varijansom manjom od prethodnog) u poštovanom skupu. Ovači literativni proces se zavistavlja kod one teorijske distribucije za koju idođe do priznajatina multe hipoteze.

5. ZAKLJUČNE NAPOMENE

Kao što smo već rekli, priznajatim multe hipoteze dobili smo distribuciju osnovnog skupa (skup potrošačkih jedinica koje troše marku »A« + skup potrošačkih jedinica koje troše marku »B«), odnosno distribuciju učešća (učešće marke »A« + učešće marke »B«) prema vrijednostima funkcije $P(\mu')$. Ovim je završen i čin segmentiranja, jer se na osnovu dobijene distribucije može sagledati procenat obuhvaćenih frekvencija u pojedinim segmentima (intervalima) funkcije $P(\mu')$.

Taj procenat obuhvaćenih frekvencija predstavlja procenat učešća marke »A« (ukoliko je posmatrani segment dat pozitivnom vrijednošću funkcije $P(\mu')$), odnosno procenat učešća marke »B« (ukoliko je posmatrani segment dat negativnom vrijednošću funkcije $P(\mu')$). S obzirom da se učešće marke »A« i marke »B« posmatrano u cijelini može izraziti i kao apsolutan broj, to znači da se onda i parcijalna učešća (procenat obuhvaćenih frekvencija u svakom segmentu) mogu izraziti apsolutnim brojem prodanih proizvoda (marke »A« odnosno »B«).

U isti mjeri procenat obuhvaćenih frekvencija u svakom segmentu ponašob predstavlja i procenat potrošačkih jedinica koje troše marku »A« (ukoliko je posmatrani segment dat pozitivnom vrijednošću funkcije $P(\mu')$), odnosno procenat potrošačkih jedinica koje troše marku »B« (ukoliko je posmatrani segment dat negativnom vrijednošću funkcije $P(\mu')$) a koji se ne može izraziti i apsolutnim brojem jer brojnost osnovnog skupa u apsolutnom smislu nije poznata.

Istaknimo na kraju da je uviđek potrebno voditi računa o vremenskoj dimenziji, jer jednom priznajena teorijska distribucija odražava ne samo konkretnu trenutnu situaciju i konkretni prostorni nivo tržišta već i konkretni vremenski period, gubeci na svom značaju sa promjenom bilo kog od ova tri faktora i ustupajući mjesto novom rasporedu (29) (a) koji nastalu promjenu bolje odražava.

Primljeno: 3. 04. 1983.
Prihvaćeno: 27. 06. 1983.

LITERATURA

- Aleksandar Buzala: *Marketing istraživanja u praksi socijalističkog društva*, Privredni pregled, Beograd, 1981.
Silvio Elazar: *Matematička statistika*, Zavod za izdavanje udžbenika, Sarajevo, 1972.

Seymour Lipschutz: *Finite Mathematics*, McGraw-hill book company, New York, 1966.

Radovan Miljanović: *Osnovi marketinga*, IP »Svjetlost« Sarajevo, 1978.

Momčilo Milosavljević: *Marketing*, Savremena administracija, Beograd, 1975. Fedor Rocco: *Teorija i primjena istraživanja marketinga*, Školska knjiga, Zagreb, 1976.

Muray R. Spiegel: *Statistics*, McGraw-hill book company, New York, 1961.

Vladimir Serdar: *Udžbenik statistike*, Školska knjiga, Zagreb, 1975.

Ernest Štipanić: *Viša matematika* (prvi deo), Građevinska knjiga, Beograd, 1974.

Svetozar Vučadinović: *Zbirka rešenih zadataka iz teorije verovatnoće*, Pridredni pregled, Beograd, 1978.

Boris Tihic: *Istraživanje tržišta organizacije udruženog rada*, Savremena administracija, Beograd, 1981.

SEGMENTATION OF THE CONSUMER GOODS MARKET BY THE FUNCTION OF THE STRENGTH OF PREFERENCE FOR ONE BRAND OVER ANOTHER — $P(\mu')$

by

Slobodan SEKULOVIC

Summary

As it is stated in the title this paper describes segmentation on the basis of the function $P(\mu')$, the constitutional element of which is the extended preference coefficient μ' , incorporating impact of n purchase factors (variables controlled by firm) here termed as the attributes of the firm's offer. As for the computation and theoretical framework underlying the function $P(\mu')$, see Footnote 1. The initial assumption made in this paper is that two competing brands, say Brand A and Brand B, confront each other on a market of consumer goods, the spatial and time dimension of which is clearly defined. In that respect, the market share of each brand or at least one (since equation (1) enables computation of the other) represents indispensable initial information.

The first part of this paper explains the relation between $\bar{P}(\mu')$ and RTU , where $\bar{P}(\mu')$ denotes average value of the function $P(\mu')$ while RTU is defined by (4) and denotes the function of discrepancy of the market shares, that is, of the set of consumers actually purchasing Brand A and the set of consumers actually purchasing Brand B. The integrand, $f(P(\mu'))$, in expression (4) represents the population distribution (the set of consumers actually purchasing Brand A + the set of consumers actually purchasing Brand B), i.e., the distribution of market shares (market share of Brand A + market share of Brand B) with respect to $P(\mu')$. Following the analysis, theoretical

basis of it supports the idea that the functional form shown in Fig. 1 (expression (9)) might best explain the relation between $\bar{P}(\mu')$ and RTU.

In the second part of the paper, the beta distribution (13) is set in interval $[-1, 1]$, in which the function $P(\mu')$ assumes all its values. It is done in order to ascertain whether the beta distribution, that is its average (15), and RTU can assume functional form (9). Summarizing the mathematical procedures used, the general conclusion can be drawn that the beta distribution (its average and RTU precisely) given by (29) (a) upon conditions (29) (b) (symmetrical), (29) (c) (skewed to the right) and (29), (d) (skewed to the left) assumes a functional form (9) but not as a one-to-one function, as is shown in Fig. 2. This means the concentration of many shapes of the beta distribution having the same value of RTU and yet different values for $\bar{P}(\mu')$, i. e., variance σ^2 . The practical question that arises is how, among all these shapes, to select the right one, the magnitudes $\bar{P}(\mu')$ and σ^2 of which are appropriate to define the spatial dimension of the target market? The fourth part of this paper provides an answer to the question.

In addition to the shapes (29) (a) conditioned by (29) (b), the property of which is $\bar{P}(\mu') = RTU = 0$, the third part of the paper defines a function (31) for which we prove to be the density function of the modified normal distribution, set in interval $[-1, 1]$.

Part four of this paper considers the question stressed in the second part. The chi-square test is used to determine which shape fits the sample frequency distribution (frequency distribution of questionnaires with respect to $P(\mu')$). Once we get that shape, its further analysis (segmentation, qualitative analysis of questionnaires, etc.) can provide insights important for marketing decision-making.

PREGLED NAUČNE OBLASTI — SURVEY OF THE DISCIPLINE

MARXOVA TEORIJA VREDNOSTI U SVETLU SAVREMENE EKONOMSKE ANALIZE

Đorđe ŠUVAKOVIC*

1. UVOD

Kad bi se danas neki univerzitetski profesor matematike u predavanju o diferencijalnom računu priklinio originalnom načinu izlaganja njegovih tvoraca, Newtona ili Leibniza, izvesno bi naišao na nepodeljeno sleganje ramena svojih slušalaca.

Ukoliko bi, međutim, u ova vremena jedan nastavnik teorijske ekonomije iskorpeo recimo svoje obrazloženje formiranja cena proizvodnje komužeći se Marxovim numeričkim ilustracijama nastavim pre stotinu i više godina, gotovo je sigurno da bi se, bar u određenim sredinama, itakav postupak smatrao prirodnim ako ne čak i jedino ispravnim.

Ostavljujući po strani razloge takvih, u svakom slučaju neuobičajenim naučnim standardima potiskrepljenih shvatnja, može se samo konstatovati da od njih potencijalno najveću štetu tisući upravo Marxova ekonomika misao, koja na taj način gubi mogućnost preoznajije formulacije a time i direktnog upoređenja sa drugim savremenim teorijskim sistemima.

Ovaj problem naročito je postao izražen u vreme kada je teorijska ekonomija u celini već posedovala instrumente potrebne za davanje preciznih odgovora na neka važna pitanja koje je Marxovo učenje pokrenulo svojevremeno. No, posebno u periodu 1970—1980, na jednom širem talasu obnovljenog interesu za dostignuća klasične političke ekonomije, konačno se došlo i do celovite formulacije pomulnih odgovora.

Na prvom mestu, izvršena distiraživanja su nedvosmisleno potvrdila Marx-a kao velikog analitičkog ekonomista, pogotovo kada je reč o pojedinih rešenjima datim tokom ispitivanja tzv. vrednosnog sistema, kao i pokушaja njegove transformacije u sistem cena proizvodnje (cenovni sistem). Pored toga, stečena je i puna predstava o Marxovom naučnom inštinktu koji ga je u okviru opšte objektivističke orijentacije usmerio ka marxističkoj teoriji, zasnovanoj na diskular-

* Ekonomski fakultet, Beograd.